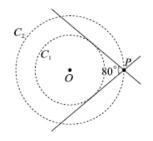
新竹區高級中學 110 學年度學科能力測驗聯合模擬考試 數 B(110-E3) ₩RB302

第壹部分:選擇題(占85分)

- 一、單選題(占35分)(1~7每題5分)
- 1. 某廠牌抽取式擦手紙巾在包裝上標明抽數:200 抽(CNS 許可差 $^{+12}_{-4}$ 抽)。若以實數 x 表 示抽數,則下列哪一個不等式可以表示該包裝抽數的範圍?
 - (1) $4 \le |x 200|$ (2) $|x 200| \le 12$ (3) $4 \le |x 200| \le 12$
 - (4) $8 \le |x 204|$ (5) $|x 204| \le 8$
- 2. 設兩同心圓 $C_1 \cdot C_2 \cdot$ 其半徑分別為 $r_1 \cdot r_2 \perp r_1 < r_2 \cdot c$ 已知 $C_2 \perp$ 任一 點 P 對 C_1 做兩切線,兩切線之銳夾角皆為定值 80° ,如右圖所示, 則, 與, 的關係為何?



- (1) $r_2 = r_1 \sin 40^\circ$ (2) $r_2 = \frac{r_1}{\sin 40^\circ}$ (3) $r_2 = r_1 \cos 40^\circ$
- (4) $r_2 = \frac{r_1}{\cos 40^\circ}$ (5) $r_2 = r_1 ta \, \text{n} \, 40^\circ$
- 3. 已知平面上不共線三點 A , B , C , 若點 P 滿足 $\overline{AP} = r \,\overline{AB} + s \,\overline{AC}$, 其中 r = -1 且 $1 \le s \le 2$,則所有P點所形成的圖形為下列何者?
 - (1) 一點 (2) 線段 (3) 直線 (4) 三角形 (5) 平行四邊形
- 4. 現有一取球遊戲, 袋中有5顆球, 編號為2,3,4,5,6, 一次取一球, 每球被取到的 機會均等,取後不放回。每局遊戲規則為:若取出的球號為質數,則可以繼續取球,否 則就停止。例如:第一球取到4即停止;而取出球號順序為3→2→5→6亦停止。今 小毛玩此遊戲一局,則取出球數的期望值為多少顆?
- 5. 坐標平面上,設 R 為不等式 $x-y \ge k$ 所形成的區域,若圓 $x^2 + y^2 = 2$ 落在 R 中的弧長恰 等於其半徑的 2 倍,則實數 k 值為何?
 - (1) $-2\sqrt{2}\cos 1$ (2) $-2\cos 1$ (3) $\frac{1}{2}\cos 1$ (4) $2\cos 1$ (5) $2\sqrt{2}\cos 1$
- 6. 新冠肺炎感染早期體內病毒量極微,欲知體內病毒含量,可透過核酸複製技術(簡稱 PCR), 此技術每經過1次複製, 病毒的核酸量擴增為原來的2倍; 經多次複製後, 再利 用螢光偵測儀觀察,藉螢光強度估算體內病毒含量。循環數閾值(Ct 值)是指核酸被複製 k 次之後,螢光強度達到可被偵測的閾值。例如 Ct 值為 10 表示核酸被複製 10 次之後, 螢光強度才達可被偵測的閾值,此時病毒的核酸總量為原來的2¹⁰倍。已知大明入院接受 隔離治療時 Ct 值為 8,經治療一段時間後,此時再檢測 Ct 值為 34。設大明剛入院時體 內病毒的核酸總量為此時的 x 倍,則 x 最接近下列何者?
 - (1) 7×10^6 (2) 8×10^6 (3) 6×10^7 (4) 7×10^7 (5) 8×10^7
- 7. 在羽球比賽中,某方獲勝一回合即增加其得分1分,先得21分者獲勝一局。若雙方戰 成 20:20 平分, 則進入 DEUCE, 某方獲得 2 分領先者獲勝此局; 若一直 DEUCE 戰至 29:29 平分時,則先得第30分者獲勝此局。已知甲、乙兩人在一局賽事後的比分為甲 :乙=25:23,則該局比賽自20:20平分後,雙方的得分過程有多少種可能的情形? (1) 1 種 (2) 2 種 (3) 8 種 (4) 15 種 (5) 16 種

- 二、多選題(占30分)(8~13 每題 5分)
- 8. 下列選項中的大小關係,哪些是正確的?

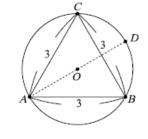
(1)
$$\sqrt{14} + \sqrt{10} > \sqrt{13} + \sqrt{11}$$
 (2) $\frac{3\sqrt{2} + 4\sqrt{5}}{7} > \frac{7\sqrt{2} + 8\sqrt{5}}{15}$ (3) $0.\overline{6} > \log_{1000} 100$

(4)
$$\frac{2^{10}+3^{10}}{2} > 6^5$$
 (5) $\sqrt{18-8\sqrt{2}}$ 的小數部分 $> 2-\sqrt{2}$

- 9. 設一組二維數據 $(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_{20}, y_{20})$ 的相關係數為 r,數據 $X \times Y$ 的算術平均數 分別為 $\mu_X \times \mu_Y$,且標準差分別為 $\sigma_X \times \sigma_Y$ 。若 Y 對 X 的最適(迴歸)直線為 L: y = mx + k ,其中 m > 1 且 k 為實數,則下列選項哪些是正確的?(1) r > 1 (2) $\sigma_X < \sigma_Y$
 - (3)若 k=0,則 $\mu_X = \mu_Y = 0$ (4)若將數據 $X \cdot Y$ 分別標準化得新數據

$$(x_1^{'},y_1^{'}),(x_2^{'},y_2^{'}),\dots,(x_{20}^{'},y_{20}^{'})$$
,則新數據的最適(迴歸)直線斜率變小

- (5)若新增第 21 筆數據 (x_{21},y_{21}) 恰落在 L 上,則此 21 筆數據的相關係數仍為 r
- 10. 已知三次實係數函數 $f(x) = x^3 + 3x^2 + 1$ 可整理成 $f(x) = (x-a)^3 + p(x-a) + k$,其中 a,p,k 為實數,則下列敘述哪些是正確的?
 - (1) ap = k (2) y = f(x) 的圖形對稱中心為(1, -3)
 - (3) y = f(x) 的圖形可以由 $y = x^3 3x$ 的圖形向右平移 1 單位得之
 - (4) y = f(x) 的圖形經由適當的平移後會與 $y = x^3$ 的圖形重合
 - (5) y = f(x) 的圖形在 x = a 附近的近似直線為 y = -3x
- 11. 設 $\triangle ABC$ 是邊長為 3 的正三角形,其外接圓圓心為 O, \overrightarrow{AO} 交此 外接圓於 D 點,則下列敘述哪些是正確的?
 - (1) $\triangle ABC$ 的外接圓半徑為 $\sqrt{3}$ (2) $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}| = 3\sqrt{3}$
 - (3) $\overrightarrow{AD} = \frac{2}{3}(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC})$ (4) △ABD 的面積為 $\frac{3\sqrt{3}}{2}$ (5) $\overrightarrow{AD} \cdot \overrightarrow{AB} = 3$



12. 依照<u>行政院主計總處</u>統計結果,104~108年之間,全國每戶所得平均、總支出以及經濟戶長學歷在大學及以上者之每戶所得平均如下表所列,試根據下表資訊選出正確的選項

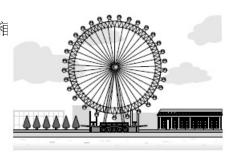
年度	全國		經濟戶長學歷在大學及 以上者		全國每戶總支出	
	家庭戶數	每戶所得平	家庭戶數	每戶所得平	不到 100 萬的	不到 200 萬的
	(萬戶)	均(萬元)	(萬戶)	均(萬元)	戶數(萬戶)	戶數(萬戶)
108	873.5	127.4	249.9	170.4	621.6	855.6
107	864.3	124.9	239.9	168.9	631.1	848.6
106	855.9	123.1	224.1	167.4	626.3	839.1
105	845.8	119.4	216.5	163.1	647.7	832.4
104	838.6	116.7	200.1	162.7	647.1	827.9

- (1) 104 年~108 年間,經濟戶長學歷在大學及以上者,其每戶所得平均與全國每戶所得平均的差距逐年增加
- (2) 經濟戶長學歷在大學以下者(不含大學),108年度每戶所得平均會低於100萬
- (3) 104 年~108 年間,全國每戶所得平均的標準差小於 5 萬元
- (4) 全國每戶總支出超過 200 萬的戶數逐年增加
- (5) 以 107 年~108 年間的統計資料分析, 108 年度全國每戶所得平均的年成長率高於經濟戶長學歷在大學及以上者之每戶所得平均的年成長率

13. <u>英國倫敦</u>著名景點倫敦眼(London eye)摩天輪,總高度為 135公尺,車輪直徑為120公尺,由最底部連結車輪的車廂 搭乘摩天輪順時針轉一圈需30分鐘,且以函數y(t)表示搭 乘 t分鐘後,車廂與車輪連結處離地面的高度(單位:

公尺),則 $y(t) = r \sin(at - \frac{\pi}{2}) + k$,其中 $t \ge 0$ 且r,a均為

正數,k為實數。試問下列關於函數y(t)的敘述哪些是正確的?



(1)y(0) = 15 (2)函數y(t)的振幅為120 (3)函數y(t)的週期為 2π (4) k = 195 (5) $a = \frac{\pi}{15}$

三、選填題(占20分)(14~17每題5分)

- 14. 設二次實係數多項式 f(x) 的首項係數為3,若 f(1-t) = f(1+t),其中t 為任意實數,且 f(x) 除以x-2的餘式為3,則滿足不等式f(x) < 0的整數解有______個。
- 15.111學年度起大學校系於分發入學管道採計科目數規定:

3≤學科能力測驗(X)+分科測驗(Y)+術科≤5, 其中學科能力測驗(X)≤4(不含術科),分科測驗(Y)≥1。

16. 小新買了一個小熊雞蛋糕鑄鐵烤盤,如右圖所示,烤盤有三行三列共 9格,烤盤不可轉動也不可翻動。小新準備了起司、玉米和巧克力三 種內餡,每一隻小熊內部恰裝一種內餡,每一種內餡各三隻,今小新 隨意將9格放滿,每種擺放方式的機率皆相等,則發生每一行和每一 列的內餡皆不同的機率為_____。(化為最簡分數)



17. 小明在河寬 16 公尺的岸邊玩打水漂遊戲,朝對岸擲出石頭,石頭沿直線在水面彈跳形成一個個圓形的漣漪,最後擊中對岸的一塊大石頭。若設立一個平面坐標系,以小明所在的岸邊為 x 軸,對面岸邊為 y=16; 小明的位置定為(1,0),大石頭的坐標為(9,16),而石頭在水面彈跳所引起的其中一個漣漪方程式為

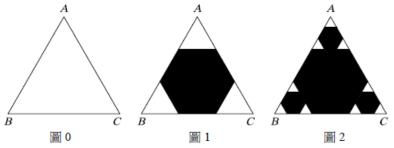
 $x^2 + y^2 - 3hx - 5hy + k = 0$,且此圓恰與對面岸邊相切, 則數對(h, k) =_____。



第貳部分:混合題(占15分)

第 18.至 19.題為題組

 $\triangle ABC$ 為一白色正三角形(圖 0),將 $\triangle ABC$ 每一邊分別三等分可得 6 個等分點,依序連接這 6 個等分點可形成一個正六邊形,並將正六邊形區域以黑色填滿,如圖 1 所示。接下來在剩下的三個正三角形中依同樣方式各做一個黑色正六邊形,如圖 2 所示。依此方式繼續進行得圖 3、圖 4、.....。若將圖 n 中的黑色正六邊形個數記為 a_n ,白色正三角形個數記為 b_n ,則 $a_1=1,a_2=4,\cdots$; $b_1=3,b_2=9,\cdots$ 以此類推。



- 18. $b_5 a_5$ 之值為何?(單選題, 5分)
 - (1) 122 (2) 162 (3) 230 (4) 243 (5) 365

RB302 新竹區高級中學 110 學年度學科能力測驗聯合模擬考試數 B(110-E3) 参考答案

選擇題: 1.(5) 2.(2) 3.(2) 4.(4) 5.(4) 6.(4) 7.(3) 8.(2)(4) 9.(2)(4)

10. (1)(5) **11.** (1)(2)(3)(4) **12.** (3)(5) **13.** (1)(5)

選填題:**14.** 0 **15.** 86 **16.** $\frac{1}{140}$ **17.** (4,100)

混合題:18.(1) 19.10